

## SADA DOMÁCICH ÚLOH #3

---

1. Dokážte, že pre každý nedeterministický Büchiho automat  $M$  nad abecedou  $\{0, 1\}$  existuje ekvivalentná S1S formula  $\phi_M(X)$ , t.j. taká, že  $L(M) = \{\chi(A) \mid A \subseteq \mathbb{N}, \models \phi_M(A)\}$ , kde  $\chi(A)$  je nekonečný reťazec zodpovedajúci množine  $A$  ( $k$ -ty znak je 1, ak  $k \in A$ ).
2. Dokážte, že neexistuje *deterministický* Büchiho automat, ktorý akceptuje  $(0|1)^*1^\omega$  (jazyk všetkých nekonečných slov, ktoré sú od istého momentu samé jednotky).
3. Trieda (tradičných) regulárnych jazykov je uzavretá na prienik. Pre konečné automaty sa dôkaz spravil pomocou kartézskeho súčinu automatov  $A_1 \times A_2$ :  $Q = Q_1 \times Q_2$ ,  $\delta((q_1, q_2), a) = (\delta_1(q_1, a), \delta_2(q_2, a))$  a  $F = F_1 \times F_2$ . Pre Büchiho automaty však táto konštrukcia nefunguje! Nájdite protipríklad – Büchiho automaty  $A_1, A_2$  také, že  $L_\omega(A_1 \times A_2) \neq L_\omega(A_1) \cap L_\omega(A_2)$ . Platí aspoň jedna inkluzia?  
( $\omega$ -regulárne jazyky sú uzavreté na prienik, ale automat pre prienik treba skonštruovať inak.)